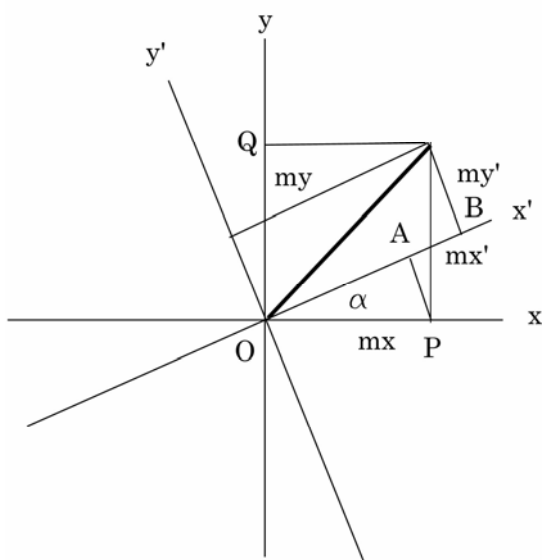


付録

A1 座標の回転（座標変換）とベクトルの回転

(A) 座標軸の回転

デカルト座標系 $X(x, y, z)$ で表したベクトル \mathbf{m} の成分を (m_x, m_y, m_z) とする。座標系 X を z 軸のまわりに α 回転した新しい座標系を $X'(x', y', z')$ とする。新しい座標系 X' で表したベクトル \mathbf{m}' の成分を $(m_{x'}, m_{y'}, m_{z'})$ とすると、図A1より



図A1 座標の回転

$$m_{x'} = OB = OP \cos \alpha + RP \sin \alpha = m_x \cos \alpha + m_y \sin \alpha$$

であるので

$$\begin{pmatrix} m_{x'} \\ m_{y'} \\ m_{z'} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha & 0 \\ -\sin \alpha & \cos \alpha & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} m_x \\ m_y \\ m_z \end{pmatrix} \quad (\text{A1.1})$$

となる。変換行列を

$$\mathbf{U}_z(\alpha) = \begin{pmatrix} \cos \alpha & \sin \alpha & 0 \\ -\sin \alpha & \cos \alpha & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (\text{A1.2})$$

とすると

$$\mathbf{m}' = \mathbf{U}_z(\alpha)\mathbf{m} \quad (\text{A1.3})$$

と書くことができる。 y 軸のまわりの β 回転に対する変換行列は

$$\mathbf{U}_y(\beta) = \begin{pmatrix} \cos \beta & 0 & -\sin \beta \\ 0 & 1 & 0 \\ \sin \beta & 0 & \cos \beta \end{pmatrix} \quad (\text{A1.4})$$

x 軸のまわりに γ の回転の変換行列は

$$\mathbf{U}_x(\gamma) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \gamma & \sin \gamma \\ 0 & -\sin \gamma & \cos \gamma \end{pmatrix} \quad (\text{A1.5})$$

となる。

(B) ベクトルの回転

一方、ベクトル \mathbf{m} の回転は座標の回転と逆なので、 \mathbf{m} を x 軸のまわりに γ 回転して \mathbf{M} にする回転行列 \mathbf{R} は

$$\mathbf{R}_x(\gamma) = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \gamma & -\sin \gamma \\ 0 & \sin \gamma & \cos \gamma \end{pmatrix} \quad (\text{A1.6})$$

で、

$$\mathbf{M} = \mathbf{R}_x(\gamma)\mathbf{m} \quad (\text{A1.7})$$

と書くことができる。

同様に、 y 軸回りにベクトルを β だけ回転する行列は

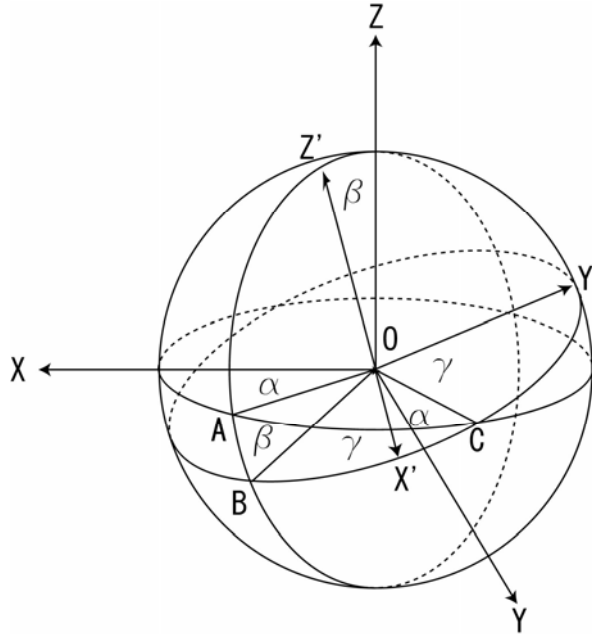
$$\mathbf{R}_y(\beta) = \begin{pmatrix} \cos \beta & 0 & \sin \beta \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin \beta & 0 & \cos \beta \end{pmatrix} \quad (\text{A1.8})$$

また、 z 軸回りにベクトルを α だけ回転する行列は

$$\mathbf{R}_z(\alpha) = \begin{pmatrix} \cos \alpha & -\sin \alpha & 0 \\ \sin \alpha & \cos \alpha & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad (\text{A1.9})$$

である。

古い座標系 $X(x, y, z)$ と新しい座標系 $X'(x', y', z')$ には次のような回転で関係付けられているとする。旧いもとの座標系の z 軸のまわりに古い座標系を α 回転する。その結果できた新しい y 軸(OC)の周りに β 回転する。最も新しい z' 軸のまわりに γ 回転すると新しい座標系に一致する(図A2)。



図A2 オイラー角

座標回転の行列は

$$\mathbf{R}(\alpha, \beta, \gamma) = \mathbf{R}_{z'}(\gamma)\mathbf{R}_{y'}(\beta)\mathbf{R}_z(\alpha) \quad (\text{A 1.10})$$

となるので、

$$\mathbf{R}(\alpha, \beta, \gamma) = \begin{pmatrix} \cos \alpha \cos \beta \cos \gamma - \sin \alpha \sin \gamma & \sin \alpha \cos \beta \cos \gamma + \cos \alpha \sin \gamma & -\sin \beta \cos \gamma \\ -\cos \alpha \cos \beta \sin \gamma - \sin \alpha \cos \gamma & -\sin \alpha \cos \beta \sin \gamma + \cos \alpha \cos \gamma & \sin \beta \sin \gamma \\ \cos \alpha \sin \beta & \sin \alpha \sin \beta & \cos \beta \end{pmatrix} \quad (\text{A 1.11})$$

ここで α, β, γ をEuler角という。Euler角の表示には二通りあり、これはWhittaker式(イギリス式)の表示法である。これに対してヨーロッパ式の表示法では $\phi(=\alpha)$ 、 $\theta(=\beta)$ 、 $\psi(=\gamma)$ で表す。

また、古い座標系についての回転として

$$\mathbf{R}(\alpha, \beta, \gamma) = \mathbf{R}_z(\alpha)\mathbf{R}_y(\beta)\mathbf{R}_z(\gamma) \quad (\text{A 1.12})$$

と表すこともできる。

A2 主な核の定数

核	スピン	天然存在比 (%)	相対感度	磁気角運動量比 γ ($10^8 \text{ s}^{-1} \text{ T}^{-1}$)	核四重極モーメント Q ($\text{e} \times 10^{-28} \text{ m}^2$)
^1H	1/2	99.985	1.00	2.67522	
^2H	1	0.015	0.00965	0.41066	0.00282
^6Li	1	7.5	0.0085	0.39371	-0.008
^7Li	3/2	92.5	0.29	1.03976	-0.04
^{13}C	1/2	1.10	0.0159	0.67283	
^{14}N	1	99.634	0.00101	0.19338	0.01
^{15}N	1/2	0.366	0.00103	-0.27126	
^{17}O	5/2	0.038	0.0291	-0.36281	-0.026
^{19}F	1/2	100	0.83	2.51815	
^{23}Na	3/2	100	0.0925	0.70804	0.11
^{27}Al	5/2	100	0.21	0.69763	0.146
^{29}Si	1/2	4.67	0.00784	-0.53191	
^{31}P	1/2	100	0.0663	1.08394	
^{39}K	3/2	93.96	0.0005	0.12991	0.09
^{41}K	3/2	6.73	0.00008	0.06861	0.11
^{111}Cd	1/2	12.8	0.00954	-0.50408	
^{113}Cd	1/2	12.2	0.0109	-0.59609	
^{129}Xe	1/2	26.4	0.0212	-0.74523	
^{133}Cs	7/2	100	0.0474	0.353322	-0.003

一定磁場における ^1H を1としたときの相対感度