

HM

No. 1.3.2.2.3  
Date 63.12.5

## 造波抵抗の極小値問題

12.12補  
12.15

概要

題  
方  
2

1. ビンチエル前突型

2. 球的船首型；マイヤー・オーハイ型

6

3. 浪水計

13

4. 細長性

14

5. 圧力分布

15

6. 平板滑走面

18-19

7. 飛沫抵抗

20-23

8. 矩形圧力面の極値問題

24-26

## 概要

本覚書では 細長船、薄・船の数学的模型にて  
高速における造波抵抗の予想しうる最小値の  
見当をつけにうとするものである。

と言うのは 造波抵抗の最小値は 0 でよりよが、これに  
対応する特異点は 側面にあって半幅から側面に存在する等の  
不都合が出て来るのて 理実的な船型との可能性  
率については 造波抵抗がかなり大きくなるので 実際  
は 数値計算にて探索するより仕方がないとしてある。  
さて 高速とは 一般 フルード数 0.5 以上 と言う意味  
とすが 実際に ラスト・ハムフ<sup>o</sup> (普通は フルード数 0.6 位)  
より 低速側と高速側では 倾向的に 定在する  
もしく正確には ラスト・ハムフ<sup>o</sup> より 高速側 と言う方が  
よいであらうし、また 之に 重臣をありて考える事に  
また フルード数 1 以上で "V<sub>B</sub> が大き" と摩擦抵抗が  
大きくなるので 経済性を追求する船とて  
は 困難になつて来るのと 速度の上限を 大体  
その辺で 止める事にする。

# 1. 薄い船の造波抵抗

薄い船の近似では半幅曲線が  $\eta(x, z)$  で表わされる。  
船の造波抵抗  $R$  は次式で与えられる。

$$R = \frac{4}{\pi} \rho g K_0^3 \int_0^{\frac{\pi}{2}} |\bar{F}(K_0 \sec \theta, \theta)|^2 \sec^5 \theta d\theta, \quad (1.1)$$

$K_0 = g/V^2$

$$\bar{F}(K, \theta) = \int_{-T-l}^0 \int_l^\infty \eta(x, z) e^{Kz - iKx \cos \theta} dx dz, \quad (1.2)$$

$l$  は半船長、 $T$  は吃水、但し 以下  $l=1$ , 初速  $V=1$  として計算する。

船型近似排水量を  $\nabla$  とす。

$$\nabla = 2 \int_{-T-l}^0 \int_l^\infty \eta(x, z) dx dz, \quad (1.3)$$

さて一般的に  $\eta$  は次の形に表すことができる。

$$\eta(x, z) = \sum_{n=0}^{\infty} a_n(z) \frac{\cos n\phi}{\sin \phi}, \quad x = -\cos \phi, \quad (1.4)$$

左よりよく知られているように前後不对称性は造波抵抗を指数倍せること、以下そのような場合は特別考慮して、  
~~非対称性~~ 方針とする。(また ~~3D~~ は独立に行つてから合併してよい)

を行ふとする。

$$\nabla = 2\pi \int_{-T}^0 a_0(z) dz, \quad (1.5)$$

高速の場合は一般に船型の細かい変化は遙は無く  
あまり影響はないので、変分問題の副条件としては  
与えられたフルート長さに対して排水量に限らずよ。

$a_n(z)$  は吃水方向の半幅の変化つまり肋骨線の横  
移を表すが、この変化に対し 機械度数の  
変化は單純であるので、あまり大きく変化せよ本  
在からうから次のようにとまるとし 必要に応じて  
どうに何種か追加すればよかろう。

$$a_n(z) = \frac{1}{T} a_0^{(n)} + \frac{a_1^{(n)}}{\frac{T}{2}} \left( \frac{1}{2} + \frac{z}{T} \right), \quad (1.6)$$

$$\int_{-T}^0 a_n(z) dz = a_0^{(n)}, \quad \dots \quad (1.7)$$

よって (1.5) は  $\nabla = 2\pi a_0^{(0)}$  あるいは  $\frac{\nabla}{L^3} \equiv \delta = \frac{\pi}{4} a_0^0, \quad (1.8)$

△は角度で今は2とする。

さて 次のような標準化しよう。

$$\gamma^*(x, z) = \frac{1}{a_0^{(0)}} \gamma(x, z) = \sum_m \left[ C_m^{(n)} + C_0^{(n)} \left( \frac{1}{2} + \frac{z}{T} \right) \right] \frac{\cos m \phi}{\sin \phi},$$

$$C_m^{(n)} = \frac{a_m^{(n)}}{a_0^{(0)}}, \quad C_0^{(n)} = 1,$$

$$(1.9)$$

$$\tilde{F}^*(k, \theta) = \int_{-T}^0 \int_{-\ell}^\ell f(x, z) e^{kz - ikx \cos \theta} dx dz, \quad \dots \quad (1.10)$$

35までと (1.1) は

$$r = \frac{R}{\rho g V (\frac{\pi}{2})^3} = \frac{2K_0^3}{\pi^3} \int_0^{\frac{\pi}{2}} |\tilde{F}^*|^2 d\phi d\theta, \quad \dots \quad (1.11)$$

$$\int_0^{\pi} \cos \phi \ e^{-ik \cos \phi \cos \theta} d\phi = \pi (-i)^n J_n(k \cos \theta), \quad \dots \quad (1.12)$$

$$\int_{-T}^0 e^{kz} dz = \frac{1}{k} (1 - e^{-kT}) = \frac{1}{k} f_0(kT), \quad \dots \quad (1.13)$$

$$\begin{aligned} \int_T^0 e^{kz} \left( \frac{1}{2} + \frac{z}{T} \right) dz &= \frac{1}{kT} \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{2} e^{-kT} \right) - \frac{1}{kT} \int_T^0 e^{kz} dz \\ &= \frac{1}{kT} \left[ \frac{1}{2} + \frac{1}{2} e^{-kT} - \frac{1}{kT} (1 - e^{-kT}) \right] \\ &= \frac{1}{kT} \left[ \frac{1}{2} - \frac{1}{kT} + \left( \frac{1}{2} + \frac{1}{kT} \right) e^{-kT} \right] \equiv \frac{f_1(kT)}{k}, \end{aligned} \quad \dots \quad (1.14)$$

で、

$$\tilde{F}^*(k, \theta) = \frac{\pi}{kT} \sum_n [C_\theta^{(n)} f_0(kT) + C_\mu^{(n)} f_1(kT)] (-i)^n J_n(k \cos \theta) \quad \dots \quad (1.15)$$

$$\therefore r = \sum_{m, \mu=0} \sum_{n=0}^{\infty} C_m^{(n)} C_\mu^{(n)} I_{m, \mu}^{n, n}, \quad \dots \quad (1.16)$$

$$I_{m, \mu}^{n, n} = \frac{2K_0(\frac{n+1}{2})}{\pi T^2} \int_0^{\frac{\pi}{2}} f_m(K_0 T \sec \theta) f_\mu(K_0 T \sec \theta) J_n(K_0 \sec \theta) \overline{J_n(K_0 \sec \theta)} \times \sec \theta d\theta,$$

なお対称性から  $\zeta_1, \zeta_2$  は共に偶数のみ、奇数のみの場合は互いに  
値を取る、他は 0 となる。従って虚数値をとる事はない。

この積分を計算において (1.16) を  $C_0^{(0)} = 1$  の下で  
極小値問題をとればよい。

そのような解の内  $\zeta(x, y)$  が負値をとるものは捨てねばなら  
ない。

## 2. マイヤーフォーム型、球形船首型

前部のよる直接 $\varphi$ を扱うがわりに二次式で表わす。

神 $\varphi$ の函数 $\sigma$ で考えてみよう。

$$\varphi(x, z) = \left( \frac{\partial}{\partial z} - \frac{1}{K_0} \frac{\partial^2}{\partial x^2} \right) \sigma(x, z), \quad (2.1)$$

これは $z$ を時間（上向き正）とみなすと一次元熱伝導の方程式で $\sigma$ は温度、 $\varphi$ は熱源である。

従つて  
よく知られているように与えられた初期条件、境界条件

によつて $\sigma$ は一意的に定まるから、 $\varphi$ のかわりに $\sigma$ で考へても一般性を損なわない。

まず拡張小量は

$$\frac{\nabla}{2} = \iint_{-T}^T \varphi(x, z) dx dz = \int_{-1}^1 [\sigma(x, 0) - \sigma(x, -T)] dx - \frac{1}{K_0} \int_{-T}^T [\sigma_x(1, z) - \sigma_x(-1, z)] dz, \quad (2.2)$$

式(42)の左辺は

$$\begin{aligned} \text{LHS} &= \int_{-T}^T \int_{-1}^1 \varphi(x, z) e^{kz - ipx} dx dz, \quad p = K_0 C \omega, \\ &\quad k = K_0 \alpha C \omega, \\ &= \int_{-1}^1 [\sigma(x, 0) e^{-ipx} + \sigma(x, -T) e^{-ipx}] dx \\ &\quad - \frac{1}{K_0} \int_{-T}^T [\sigma_x(1, z) e^{-ipz} - \sigma_x(-1, z) e^{-ipz}] e^{kz} dz \\ &\quad + \frac{ip}{K_0} \int_{-T}^T [\sigma(1, z) e^{-ipz} - \sigma(-1, z) e^{ipz}] e^{kz} dz, \quad (2.3) \\ &\quad k = K_0 \alpha C \omega, p = K_0 \alpha C \omega \end{aligned}$$

となって、スラスト分布がなくなる点がまわってあるが、このままである。

では、任意係数の数は前節と同様同じである。

そこで、<sup>先ず</sup>境界条件と初期条件を次のようにならう。

$$\sigma(x, z) = 0, \quad \sigma(x, -T) = 0, \quad \dots \quad (2.4)$$

すると

$$\frac{\nabla}{z} = \int_1^0 \sigma(x, 0) dx - \frac{1}{K_0} \int_{-T}^0 [\sigma_x(1, z) - \sigma_x(-1, z)] dz, \quad (2.5)$$

$$\begin{aligned} \tilde{H}(K_0 \cos \theta, \theta) &= \int_1^0 \sigma(x, 0) e^{-ipx} dx \\ &\quad - \frac{1}{K_0} \int_{-T}^0 [\sigma_x(1, z) e^{ipz} - \sigma_x(-1, z) e^{ipz}] dz, \end{aligned} \quad (2.6)$$

では

$$\sigma(x, z) = (1-x^2)(z+T), \quad \dots \quad (2.7)$$

ゆくと

$$\sigma(x, z) = (1-x^2) + \frac{2x}{K_0} (z+T), \quad \dots \quad (2.8)$$

となり、V字骨船型あるいはマイヤー・フォーム型の  
ような類型を表わしていると考えられるので

以下 マイヤー・フォーム型となづけよう。

この型では、船首尾附近で  $\sigma_{xx}$  従つて  $\sigma_x$  が正に座るとそれが負になるので、 $\sigma_{xx}$  の曲率は船首尾附近で負、つまり<sup>外側</sup>凸でなければならぬ。

もう一つの荷星など場合は、

$$\sigma(\pm 1, z) = 0, \quad \sigma(x, 0) = 0, \quad (2.9)$$

であるから

$$\frac{\nabla}{2} = - \int_{-1}^1 \sigma(x, -T) dx - \frac{1}{K_0} \int_{-T}^0 [\tilde{\sigma}_x(1, z) - \tilde{\sigma}_x(-1, z)] dz, \quad (2.10)$$

$$F(K_0 \sigma(x, 0), \theta) = - \int_{-1}^1 \sigma(x, -T) e^{-kT - ipx} dx - \frac{1}{K_0} \int_{-T}^0 [\tilde{\sigma}_x(1, z) e^{-ipz} - \tilde{\sigma}_x(-1, z) e^{ipz}] dz, \quad (2.10)$$

となる。

荷星荷引として

$$\sigma(x, z) = (1-x^2)^2 z, \quad \dots \quad (2.11)$$

$$\text{とおく} \quad \sigma(x, z) = (1-x^2)^2 + \frac{4(3x^2-1)}{K_0} z, \quad (2.12)$$

のようになり、球船首船型を代毫していると

考えられるので、以下 球船首船型となづけよう。

前筋と反対に  $\sigma_{xx}$  は船首尾で凸となつたと  
それが頭にならるので、見合が悪く、従つて水線  
形状は変曲点を持ち、球船首船型又は  
ユーチューブ・オーフの特徴を有する車に  
なる。

これらの 2つの型は船型の类型の内で

代表的なものであるから、これらについて極端な題を  
考えてみる事にしよう。

なお (2.11), (2.12) の例では  $\rho_x(\pm l, z) = 0$  と見ていいが、  
この時は (2.10) からわかるように  $z = -l$  にある没水体と  
並ぶ埠頭は等しくなり著者等が前に没水体型と名づけ  
たものに等しいが、一般には  $\rho_x$  は有限であるので  
ここではこう云う場合を考えるものとし、没水体についての  
節を改めて取扱う。

また簡単の爲め以下船型は前後対称の場合のみ見る。

### i) マイヤー型

$$\rho_{xx}(x, z) = - \sum_{n=0}^{\infty} a_n(z) \frac{\cos nx}{x^n}, \quad x = -\cos \phi, \quad (2.13)$$

$$\rho_x(x, z) = a_0(z)(\frac{\pi}{2} - \phi) - \sum_{n=2}^{\infty} \frac{a_n(z)}{n} \sin nx, \quad (2.14)$$

$$\begin{aligned} \rho_x(x, z) &= a_0(z) \left( \frac{\pi}{2} - \sin \phi - (\frac{\pi}{2} - \phi) \cos \phi \right) \\ &\quad + \frac{1}{2} \sum_{n=2}^{\infty} \frac{a_n(z)}{n} \left\{ \frac{n(n+1)\phi}{n-1} - \frac{n(n+1)\phi}{n+1} \right\}, \end{aligned} \quad (2.15)$$

$$\phi - \frac{\pi}{2} = \frac{4}{3} \sin \phi$$

対称小屋を仮定して和記号は  $n=2$  からとしてあるが、

$n=1$  からとすると  $\rho(\pm l, z) \neq 0$  と見ていい注意。

$$\nabla = \frac{\pi}{2} a_0(0) + \frac{2\pi}{K_0} \int_{-T}^0 a_0(z) dz, \quad \dots \quad (2.16)$$

$$P(x, z, t, \theta) = \frac{\cos^2 \theta}{K_0} \left[ - \int_{-T}^1 P_{xx}(x, 0) e^{-ipx} dx + 2 \cos \theta \int_{-T}^0 P_{xz}(1, z) e^{kz} dz \right] \quad (2.17)$$

$$a_0(z) = a_0^0 \left( \frac{z}{T} + 1 \right) + a_1^0 \frac{z}{2T} \left( \frac{z}{T} + 1 \right) \quad (2.18)$$

$$\frac{d}{dz} a_0(z) = \frac{1}{T} a_0^0 + \frac{a_1^0}{2T} \left[ 2 \frac{z}{T} + 1 \right]$$

$$\int_{-T}^0 a_0(z) dz = \frac{\pi}{2} a_0^0 - \frac{\pi}{8K_0} a_1^0, \quad a_0(0) = a_0^0$$

2.8 &lt; 1C

$$\nabla = \frac{\pi}{2} a_0^0 \left( 1 + \frac{2T}{K_0} \right) - \frac{\pi T}{8K_0} a_1^0, \quad \dots \quad (2.19)$$

$$\begin{aligned} \int_{-T}^0 P_{xz}(1, z) e^{kz} dz &= -\frac{\pi}{2} \cancel{\int_{-T}^0 \frac{da_0(z)}{dz} e^{kz} dz} = -\frac{\pi}{2T} \int_{-T}^0 e^{kz} dz \left[ a_0^0 + \frac{a_1^0}{2} \left( 1 + \frac{2z}{T} \right) \right] \\ &= -\frac{\pi}{2K_0} \left[ a_0^0 f_0(kT) + a_1^0 f_1(kT) \right], \quad (2.20) \end{aligned}$$

$$f_0(kT) = 1 - e^{-kT} = k \int_{-T}^0 e^{kz} dz, \quad (2.21)$$

$$f_1(kT) = \frac{k}{2} \int_{-T}^0 e^{kz} \left\{ \frac{2z}{T} + 1 \right\} dz$$

$$\tilde{H}(k_0 \sec \theta, \theta) = \frac{\cos^2 \theta}{K_0} \left[ \pi \sum_{n=0} \alpha_{2n}(0) (-)^n J_{2n}(k_0 \sec \theta) - \frac{\pi}{2kT} \cos \theta \{ \alpha_0^0 f_0(kT) + \alpha_1^0 f_1(kT) \} \right] \quad (2.22)$$

$$= \frac{2}{K_0} \left[ \sum_{n=0} C_{2n} (-)^n J_{2n}(k_0 \sec \theta) - \frac{\cos \theta}{2kT} \{ C_0^0 f_0(kT) + C_1^0 f_1(kT) \} \right] \quad V$$

$$C_{2n} = \frac{\alpha_{2n}(0)}{\frac{2}{\pi} \sqrt{A}} \quad , \quad (\alpha_0^0 = \alpha_0(0), \quad C_0^0 = \frac{\alpha_0^0}{\sqrt{A}}) \quad (2.23)$$

$$C_0^0 \left( 1 + \frac{T}{K_0} \right) - \frac{T}{2K_0} C_1^0 = 1 \quad (2.24)$$

$$V = \frac{R}{\rho g V \left( \frac{\nabla}{L} \right)^2} = \frac{128}{\pi K_0} - \int_0^{\frac{\pi}{2}} |\tilde{H}|^2 \sec \theta d\theta \quad (2.25)$$

$$\tilde{H}^* = \sum_{n=0} C_{2n} (-)^n J_{2n}(k_0 \sec \theta) - \frac{\cos^2 \theta}{2k_0 T} \{ C_0^0 f_0(k_0 T \sec^2 \theta) + C_1^0 f_1(k_0 T \sec^2 \theta) \} \cos(k_0 \sec \theta) \quad (2.26)$$

$$C_0 \equiv C_0^0$$

(2.25) 及 (2.24) の制約条件 "極. 1. 12 及 1. 15" を満たす。

$$\left( \frac{R}{\rho g V} \right) \left( \frac{1}{L} \right)^2 \left( \frac{1}{K_0} \right)^2$$

## ii) 球面波模型

$\Gamma(x)$  は (2.15) で示されるものとします。

従って

$$\nabla = -\frac{\pi}{2} a_0(-T) + \frac{2\pi}{K_0} \int_{-T}^0 a_0(z) dz , \quad (2.27)$$

$$z=2'' \quad a_0(z) = a_0^0 \frac{z}{T} + a_1^0 \frac{z}{2T} \left( \frac{z}{T} + 1 \right) , \quad (2.28)$$

よって  $a_0(-T) = -a_0^0$ ,  $\frac{P^3}{E^2} = \frac{E^2}{\frac{P^3}{E^2}}$

$$\int_{-T}^0 a_0(z) dz = -\frac{a_0^0}{2} T = \frac{a_1^0 \cdot T}{12} , \quad (2.29)$$

$$\nabla = \frac{\pi}{2} a_0^0 - \frac{\pi T}{6K_0} a_1^0 , \quad (2.30)$$

$$F(K_0 e^{i\theta}, \theta) = \frac{e^{i\theta}}{K_0^2} \left[ \int_{-1}^1 \tilde{f}_{xx}(x, -T) e^{-ix} dx + 2 \operatorname{Im} \int_{-T}^0 \tilde{f}_{xx}(t, z) e^{iz} dt \right] \quad (2.31)$$

$$= \frac{e^{i\theta}}{K_0^2} \left[ -i \sum_n C_{2n}(-T) (-)^n J_{2n}(p) + \frac{2 \cos p}{K_0 T} \{ a_0^0 f_0(KT) + a_1^0 f_1(KT) \} \right]$$

$$= \frac{2 \pi e^{i\theta}}{K_0^2} \left[ \underbrace{\ell \sum_n C_{2n}(-T) (-)^n J_{2n}(p)}_{F^*} + \frac{2 \cos p}{K_0 T} \{ C_0^0 f_0(KT) + C_1^0 f_1(KT) \} \right] .$$

$$C_{2n} = -\frac{a_{2n}(-T)}{\frac{2}{\pi} \nabla} , \quad C_0^0 \equiv C_0 , \quad C_1^0 = \frac{a_1^0}{\frac{2}{\pi} \nabla} , \quad (2.32)$$

$$r = \frac{R}{pq \pi \left( \frac{2}{\pi} \nabla \right)^2} = \frac{1 \cdot \nabla}{\pi K_0} \int_0^{\frac{\pi}{2}} |F^*|^2 \sin \theta d\theta , \quad (2.33)$$

制約条件

$$I = C_0 - \frac{1}{3K_0} C_1^0 , \quad (2.34)$$

### 3. 没水体

$z = -T$  の  $x$  軸上半重り出して書いた没水体を考えよう。この場合には近似的に断面積  $A(x)$  は  $\cos \theta$  である。

$$A(x) = \frac{\pi}{\sin \theta} \sum_{n=0}^{\infty} a_n \cos n\theta \quad (3.1)$$

とすると

$$r = \frac{R}{PGD(\frac{\pi}{2})^3} = \frac{8K_0^3}{\pi} \int_0^{\frac{\pi}{2}} e^{-2RTN(\cos \theta)} \left| F^* \right|^2 \sec^2 \theta d\theta. \quad (3.2)$$

$$F^* = \sum_{n=0}^{\infty} (-i)^n a_n J_n(K_0 \sec \theta), \quad (3.3)$$

併せては石井の半没水船型のようだ、これに先の  $\text{Strut}$  (or  $\text{Sail}$ ) を加えると造波抵抗を小さくする事が出来るが高速では干涉効果は小さくあまり効果が期待出来ない。

この干涉効果は没水体のはの位相と  $\text{Strut}$  のそれとか  $K_0$  の大きさで互に逆にならなければ起因し、高速ではそれが期待出来ない事になる。

1節では一般的な場合を考えるがこの場合はそれ全くねるものと考えて扱かれない。

またこれによる没水船型は高速では船首にくびれが出来て理想的船型にならない。

## 4. 細長船

前節の没水体から没水体型の水面貫通船型を得る試みは作達では可能であるが、その高次特異性の點高速では現実的な船型が得られない。

この高次特異性をうけつけば  $A(\pm 1) = A'(\pm 1) = 0$  とすればよく、この場合  $T \rightarrow 0$  とすると 所謂細長船が得られる。

$$A(x) = \frac{\nabla}{\pi} \sum_{n=2}^{\infty} \frac{a_n}{2^n} \left[ \frac{\sin(n+1)\phi}{n-1} - \frac{\sin(n+1)\phi}{n+1} \right], \quad (4.1)$$

$$A''(x) = \frac{\nabla}{\pi} \sum_{n=2}^{\infty} a_n \frac{\cos n \phi}{\sin \phi}, \quad (4.2)$$

$$\nabla = \int_{-1}^1 A(x) dx = \frac{\nabla}{8} \cdot a_2, \quad a_2 = 8, \quad (4.3)$$

$$r = \frac{8}{TK_0} \int_0^{\frac{\pi}{2}} \ell \frac{-2\rho_0 T_0 \cos^2 \theta}{(1 + \ell^2)^{1/2}} \sec \theta d\theta, \quad (4.4)$$

$$\bar{\ell}^k = \sum_{n=2}^{\infty} (-1)^n a_2 J_n(K_0 \sec \theta), \quad (4.5)$$

この貫通解は 高速で 前節のもの の 船隻倍数を取る。(又  $T \approx 0$  では有限である)

これは又 2節の場合によく似ているが、やはり2節の場合は方が持続時間が小さくなると考えられる。

## 5. 圧力分布

前節迄の所謂排水量型船型に対するには

所謂半積分項の問題(密度は直次の微少量と  
考えられるが)とか 船型と特異点のズレとか  
線型理論的には簡単だが、もう少し精密にする  
に流線追跡をしようとすると 水面附近の流線を  
どう採ればよいかなど 理論的な問題点が浮上する。

特に水面を貫通するのであるから、水面変位は  
大変大きくなり、それがよく観察されるように碎けて  
飛沫となり 抵抗成分となり得ると考えられるが  
これを予測する理論が今のところ見当らない。

この点で 圧力分布は 線型理論の範囲内で  
consistent な理論模型を 提供し、船型  
の計算も 可能であり、飛沫抵抗を予測しうる。  
また 飛沫の出ない船型も容易に求められる。

今迄の結果では 飛沫の出ない船型は 動的揚力  
は 小さく、また 圧力分布面の形状は 矩形がよく、  
中は大きめの方か 抵抗が小さめ。

高さ  $L$ , 幅  $B$  の矩形面に分布する圧力を  
( $L=2$ )

$$p(x, y) = A \sum_{n, m} a_{nm} \sin n\phi \sin m\theta, \quad (5.1)$$

$(x = -\frac{L}{2} \cos \phi, y = -\frac{B}{2} \sin \theta)$

$$pgV = \iint p(x, y) dx dy = \frac{\pi^2}{16} LB \cdot A a_{11} \quad .5.$$

よってから

$$a_{11} = 1$$

$x < y$

$$A = \frac{16 pgV}{\pi^2 L \cdot B} \quad , \quad \dots \quad (5.2)$$

造府荷重は

$$R = \frac{K_0^2}{\pi \rho U^2} \int_0^{\pi} |F|^2 \sec \theta d\theta, \quad (5.3)$$

$$\bar{F} = \iint p(x, y) e^{i K_0 (x \cos \theta + y \sin \theta) \sec \theta} dx dy, \quad (5.4)$$

である

$$\int_0^{\pi} e^{i z \cos \theta} \sin n\phi \sin m\theta d\phi d\theta = \frac{\pi n}{8} i^{n-1} J_n(z), \quad (5.5)$$

であるから

$$\bar{F} = \frac{\pi^2 A \cos^3 \theta}{K_0^2 \sin \theta} \sum_{n, m} n m i^{n+m-2} J_n(K_0 \sec \theta) J_m(K_0 \sec \theta),$$

$$\lambda = B/L$$

$$(5.6)$$

$$\frac{\pi^2 A}{K_0^2} \times \frac{4}{\lambda} = \frac{4 pgV}{\lambda K_0^2},$$

$$r = \frac{R}{\rho \sigma V \left(\frac{\pi}{L^3}\right)} = \frac{(128\pi)}{7K_0 R^2} \int_{-\frac{\pi}{2}}^{\frac{\pi}{2}} (\bar{F}^*)^2 \frac{\cos \theta}{\sin^2 \theta} d\theta \quad (5.7)$$

$$\bar{F}^* = - \sum_{n,m} i^{n+m-2} \bar{a}_{nm} J_n(K_0 r \lambda) J_m(K_0 \lambda \sin \theta), \quad (5.8)$$

圧力分布では、陽方向の分布形状は重寧で逆凸型  
とするとテ步効果により発散行方が小さくなる  
である。

## 6. 平板滑走面

滑走面の性能は矩形平板の場合が最も良いとされており又 Savitsky の有名な実験式がある。少し記して見よう。

Savitsky によれば 矩形平板の揚力係数は

$$C_L = \frac{\rho g V}{\frac{1}{2} \rho V^2 B^2} = \left( \frac{180 \alpha}{\pi} \right)^{1/4} \left[ \frac{0.120}{\lambda} + \frac{0.055}{\lambda^{2.5}} \frac{gB}{V^2} \right], \quad (6.1)$$

$$\lambda = B/L \quad (\text{元の式では } \lambda \text{ はこの逆数となる})$$

$\alpha$ : in drag.

この右辺第一項が動的揚力で、第二項が静的揚力の項である。

今  $F = V \sqrt{g L}$  としてこの式をとると

$$\frac{\text{動的揚力}}{\text{静的揚力}} = 2.18 \lambda F^2, \quad \dots \quad (6.2)$$

とあるので例えば  $\lambda = 0.2$  とすると  $F \geq 1.51$  で

動的揚力が大きくなる事になる。

つまり  $\lambda$  の小さい時には余程  $F$  が大きくなりないと動的揚力はあまり大きくなりと考えられる。

合併  
式 (6.1) より  $R_p/P_{FD} = \alpha$  であるから、

$$n = \frac{R_p}{P_{FD}(\frac{\rho}{\rho_0})} = \frac{1.826}{\delta^{0.1} [\sqrt{A(4583 + 1/F^2)}]^{1/11}}, \quad (6.5)$$

$R_p$ : 壓力抵抗

となる。

少し 数値を計算してみると

$\delta$	$\lambda$	$F$	$r$	飛沫なし 初期型 (U 形) $\rightarrow$ $r$ (矩形面) $\rightarrow$ $r$ (扇円面)	
				$r$ (矩形面)	$r$ (扇円面)
0.005	0.2	7.071	10.95	3.79	9.14
	1.0	1.0	9.43	4.65	23.41
	0.4	7.071	6.88	2.57	3.73
	1.0	1.0	5.41	1.97	4.74

となる。

理論計算値の方がもう一寸信頼性がよく判らない  
ので、今後これから飛沫なし 初期型か U 形と選択は  
(がねる)。

また浸水表面は飛沫なしの方があずつと大きくなる  
ので、この点を考えると一層悲観的になる。

しかし飛沫なし 初期型は深い胴部をもつて  
波浪中の性能は良いと考えられる。

## 7 飛沫抵抗

高速では丸底によつて示されたよつうに 翼のまわりの  
流れが易い翼の場合に近づき、逆は抵抗は誘導  
抵抗に近づく。

しかし飛沫については 翼の場合誘導抵抗のみで  
なければ 細長い翼では 近似的に  
(平板)

$$\frac{R_i}{W} = \frac{\alpha}{2} \quad \dots \dots \dots \quad (7.1)$$

$R_i$ : 誘導抵抗,  $W$ : 排水量,  $\alpha$ : 過之角

どうやらこれが 流れ板では 純粋に

$$\frac{R}{W} = \alpha, \quad \dots \dots \dots \quad (7.2)$$

この差は、翼では前線吸引が働くけれど、流れ  
板ではそれがなく逆に飛沫となつて系外にまで行き  
運動量損失抵抗となると考えられる。

そのは (7.2) と (7.1) の差は 飛沫抵抗と考えてよい。

即ち 飛沫抵抗  $R_s$  は今の場合

$$\frac{R_s}{W} = \frac{R}{W} - \frac{R_i}{W} = \frac{\alpha}{2}, \quad \dots \dots \dots \quad (7.3)$$

となるて全抵抗  $R$  の半分を占める事になる。

一方 矩形平板 の揚力は 近似的に  
(今の場合)

$$W = \frac{\pi}{4} PB^2 V^2 \alpha, \quad \alpha' = \frac{4W}{\pi PB^2 V^2} = \frac{4F}{\pi A F^2}, \quad (7.4)$$

$$F = \sqrt{L}, \quad A = B/L, \quad F = V/\sqrt{gL}$$

とおもふべきは (7.2) と符合する

$$r = \frac{R}{W \cdot F} = \frac{4}{\pi A F^2}, \quad - \quad - \quad - \quad (7.5)$$

となるが、これは (6.8) 12 行で示された式である。

数値的にはかなりの差があるが、空気力学ではよく似た形で、  
これを元に上には“飛沫抵抗は次式で与えられる。”

$$R_s^M = \frac{\pi L}{2PV^2} \int_{-\frac{B}{2}}^{\frac{B}{2}} (\rho(x,y))^{1/2} dy, \quad (7.6)$$

$$\text{ゆえに } \rho(x,y) = \frac{1}{\pi} \int_{-\frac{L}{2}}^{\frac{L}{2}} p(x,y) dx, \quad - (7.7)$$

$$\text{ただし} \quad R_s = \frac{\pi L}{8PV^3} \int_{-\frac{B}{2}}^{\frac{B}{2}} \sigma^2(y) dy, \quad (7.6')$$

$$\text{とすると } p(x,y) = A \sum_n \sum_m \frac{\cos n\phi}{\sin \phi} \sin m\phi, \quad (7.8)$$

$$x = -\frac{L}{2} \cos \phi, \quad y = -\frac{B}{2} \cos \phi,$$

とおいくと

$$\sigma(y) = A \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n a_{nm} \sin m\phi, \quad (7.9)$$

$$PV = \iint p(x,y) dx dy = \frac{LB}{8} \pi^2 A a_{01},$$

以下  $a_{01} = 1$  とおいくことにすると

$$A = \frac{8PV}{\pi^2 LB}, \quad (7.10)$$

Ex 2.

$$\int_0^\pi \sin n\varphi \sin m\varphi \sin \varphi d\varphi = \frac{1}{2} \int_0^\pi (\cos(n-m)\varphi - \cos(m+n)\varphi) \sin \varphi d\varphi$$

$$= \frac{1}{4} \int_0^\pi [\sin(n-m)\varphi - \sin(n+m+1)\varphi + \sin(n+m-1)\varphi] d\varphi$$

$$= 0 \quad \text{for } n=m; \text{ odd.}$$

(7/11)

$$= \frac{1}{(n+m)^2-1} - \frac{1}{(n-m)^2-1} \quad \text{for } n=m; \text{ even.}$$

$$\tau = \frac{4}{3} \quad \text{for } n=m=1, \quad \frac{-2}{15} \quad \text{for } n=3, m=1, \quad \frac{36}{35} \quad \text{for } n=m=3.$$

とすると

$$R_s = \frac{\pi LB A^2}{16 PV^2} \sum_n b_n B_m \int_0^\pi \sin n\varphi \sin m\varphi \sin \varphi d\varphi$$

$$= \frac{4\pi W\delta}{\pi^3 AF^2} \sum_n (-1)^n, \quad b_m = \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n a_{nm},$$

$$\gamma_s = \frac{R_s}{W \cdot S} = \frac{16}{\pi^3 AF^2} \left[ \frac{4}{3} b_1^2 - \frac{4}{15} b_1 b_3 + \frac{36}{35} b_3^2 + \dots \right], \quad (7/12)$$

$$= \frac{64}{3\pi^3 AF^2} \left[ 1 - \frac{1}{5} b_{33} + \frac{27}{35} b_{33}^2 + \dots \right], \quad (\because a_{01}=1)$$

$$\left( \frac{64}{3\pi^3} = 6880 \right)$$

ところで、飛沫排斥は  $a_{0m}$  はのり削除し、主に  $a_{01}$  以外の項、つまり上方への揚力分布を變化させてもあまり減少する事なく、どちらかと言ふとこの他の项よりも増える。

と考えられる。つまり質量と排水量と入とFでIRまで計算する。

さて 実際、19度の表つり (6.3) 式の値の約半分  
程度の値となるのは 塗装が深い。

またこのように見てみると <sup>同表で</sup> 飛沫なし船型(矩形底)の値  
は平板の約半分となつて 1/3 の面白さ。

(7.12) は (7.5) の半分とは大分異なつて、(7.6) についても 級分の  
疑念にあつたが、いづれにても 飛沫なしは A と F を決めておいて  
<sup>飛沫</sup>  
後は飛沫量のみで決まる値と考える事は出来よう。

一方で F = 1 の後では 逆は飛沫はまだ 2 方向の  
圧力分布で干渉影響による減少が期待出来る。

いづれにても 飛沫なし船型はやはり有利なようにならざる  
からに飛沫あり船型について <sup>飛沫化</sup> を試みる必要  
はある。

この時 (7.6) が正しいならば "簡単である" で  
再検討の要がある。つまり今の所 解析的に入りと  
考え方を併用しても それを数値的に確かめなければならぬ  
点に疑念があるものである。

## 8. 矩形圧力面の下限値問題

長さ L, 幅 B の矩形圧力面を

$$p(x, y) = A \sum_{n=0}^{\infty} \sum_{m=1}^{\infty} a_{nm} \frac{\cos n\phi}{\sin m\phi} \sin m\phi \quad (8.1)$$

$$x = -\frac{L}{2} \cos \phi, \quad y = -\frac{B}{2} \cos \phi$$

とおこう。

$$\pi \cdot \frac{B}{2} \cos \phi = \frac{B}{2}$$

$$PFT = \iint p dx dy = \frac{\pi^2}{8} LB A a_{01},$$

とおこうから  $a_{01} \approx 1$  とおこう

$$A = \frac{PFT}{\pi^2 LB}, \quad (8.2)$$

抵抗は 進波抵抗  $R_w$  と飛沫抵抗  $R_s$  の和

$$R_T = R_w + R_s, \quad (8.3)$$

$$R_w = \frac{k_o^2}{\pi P_U} = \int_0^{\frac{\pi}{2}} |F|^2 \sec^2 \theta d\theta, \quad (8.4)$$

$$F = \iint p(x, y) e^{ik_o(x \cos \theta + y \sin \theta) \sec^2 \theta} dx dy, \quad (8.5)$$

$$R_s = \frac{\pi L}{8 PV^2} \int_{-\frac{B}{2}}^{\frac{B}{2}} \int_{-\frac{B}{2}}^{\frac{B}{2}} 10^2(y) dy, \quad (8.6)$$

$$G(y) = A \sum_{m=1}^{\infty} b_m \sin my, \quad (8.7)$$

つまりの条件は  $(b_m = \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n a_{n,m})$

$$\sum_{n=0}^{\infty} a_{nm} = 0, \quad (8.8)$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} a_{2n,m} = - \sum_{n=0}^{\infty} a_{2n+1,m}, \quad \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n a_{nm} = 2 \sum_{n=0}^{\infty} a_{2n,m}, \quad (8.9)$$

$$\frac{\pi L^2 F}{\pi F V^2} \times 64 \rho g V^2 = \frac{16 W \cdot \delta}{\pi^3 \lambda F^2}$$

No. 25

Date

$$f(\varphi) = A \sum_{n=1}^{\infty} [b_m] r^{2m} \sin n\varphi, b_m = \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^n a_{n,m}, (8.10)$$

$$r_s = \frac{R_s}{W \delta} = \frac{16}{\pi^3 \lambda F^2} \sum_{n=1}^{\infty} \int_0^{\pi} b_n b_m \int_0^{\pi} \sin n\varphi \sin m\varphi d\varphi d\varphi$$

(8.11)

$$W = \rho g V, \quad \delta = \nabla / L^3, \quad \lambda = B/L, \quad F = V / g L,$$

次の手順は (7.11) の通り

$$\begin{aligned} J_n(z) &= \frac{1}{\pi i^n} \int_0^{\pi} e^{iz \cos \varphi} \cos n\varphi d\varphi \\ &= \frac{z}{\pi i^{n+1}} \int_0^{\pi} e^{iz \cos \varphi} \sin n\varphi d\varphi, \end{aligned}$$

28.8.5

$$\begin{aligned} F &= \frac{ALB\pi^2}{4} \sum_n \sum_m a_{n,m} i^n J_n(K_B \sec \theta) \frac{m i^{m+1}}{2} J_{m+1}(K_B \sec \theta) \\ &= \frac{\pi^2 A L}{2 K_B \sec \theta} \sum_{n=0}^{\infty} \sum_{m=0}^{\infty} (2m+1) i^{n+m} a_{n,2m+1} J_n(K_B \sec \theta) J_{2m+1}(K_B \sec \theta), \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} r_s &= \frac{R_s}{W \cdot \delta} = \frac{16}{\pi \lambda^2 F^2} \sum_{n \neq 0} \sum_{m \neq 0} (2m+1)(2m+1) i^{n+2m+1-2m} a_{n,2m+1} a_{n,2m+1} \\ &\quad \times \int_0^{\pi} J_n(K_B \sec \theta) J_n(K_B \sec \theta) J_{2m+1}\left(\frac{K_B \sec \theta}{2} \sec \theta\right) J_{2m+1}\left(\frac{K_B \sec \theta}{2} \sec \theta\right) d\theta \end{aligned}$$

$\frac{d\theta}{\cos \theta \sin^2 \theta}$

(8.12)

$n, m$  は偶数,  $m$  が奇数  $\Rightarrow$  0

極值問題

$$\gamma = \gamma_w + \gamma_s$$

$$a_{01} = 1, \quad \sum_{m=0}^{\infty} a_{R,m} = 0$$

反する副条件で 値を定めることとする。

$$\nabla = L \cdot B T_E, \quad \text{右: 有効吃水}$$

と定義すると (8.11) から

$$R_s/W \propto \frac{(T_E L)}{F^2} [ ]$$

となるので  $T_E/L$  は大きいほどよい。

一方

$$R_w/W \propto \frac{(T_E L)}{\lambda F^2} [ ]$$

となるので 造船技術者は 入が大きくなると 小さくなる。

つまり 船底面については 吃水が小さく 幅の大型の方が

有利である。